

Двенадцатая Международная научно-техническая конференция «Оптические методы исследования потоков» Москва, 25 — 28 июня 2013 г.

УДК 535.3:536.42

В. А. Арбузов^{1,2}, Э. В. Арбузов^{2,3}, Ю. Н. Дубнищев^{1,2}, В. С. Бердников¹, Н. С. Буфетов¹, Е. О Шлапакова².

¹Федеральное государственное бюджетное учреждение науки Институт теплофизики им. С.С. Кутателадзе Сибирского отделения Российской академии наук, 630090, г. Новосибирск, просп. Академика Лаврентьева, 1, E-mail: dubnistchev@itp.nsc.ru

²Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение «Новосибирский государственный технический университет», 630092, г. Новосибирск, просп. К. Маркса, 20.

³Институт математики им. Соболева СО РАН, Россия, 630090, Новосибирск, пр. Академика Коптюга, 4.

ОПТИЧЕСКАЯ ДИАГНОСТИКА ЭВОЛЮЦИИ РЕЛЕЙ-БЕНАРОВСКИХ СТРУКТУР В ГОРИЗОНТАЛЬНОМ СЛОЕ ЖИДКОСТИ

АННОТАЦИЯ

Методами гильберт-оптики и тепловидения исследована эволюция рэлей-бенаровских структур в горизонтальном слое сильно-вязкой жидкости со свободной верхней границей при различных аспектных отношениях.

ОПТИЧЕСКАЯ ДИАГНОСТИКА ПОТОКОВ; ГИЛЬБЕРТ-ОПТИКА, РЭЛЕЙ-БЕНАРОВСКАЯ КОНВЕКЦИЯ, ТЕРМОГРАФИЯ РБК-СТРУКТУР

ВВЕДЕНИЕ

Рэлей-бенаровская конвекция (РБК) является одним из примеров самоорганизующихся структур в нелинейных диссипативных системах. В таких системах реализуется бифуркационная динамика эволюции пространственно-временной упорядоченности различных форм и масштабов. Конвекция в подогреваемом снизу горизонтальном слое жидкости со свободной верхней границей – один из классических объектов исследований [1]. Прикладное значение такого рода исследований связано с необходимостью учёта рэлей-бенаровской конвекции в технологических процессах выращивания кристаллов, в изучении атмосферы и в океанологии, в практических задачах метеорологии и экологии.

В экспериментальных исследованиях конвекционных течений широко применяются оптические методы. Многие из них основаны на визуализации РБК-структур частицамитрассерами с регистрацией динамики их распределения цифровой камерой. Такие методики требуют учета влияния добавленных частичек на свойства жидкости и пороги устойчивости РБК-структур. Применение тепловизионных методов даёт информацию о распределениях температуры на поверхности жидкости в различных режимах РБК [2]. Эффективно используются теневые, интерференционные и проективно-растровые методы [3–5]. Интерферометрия в когерентном свете, хотя и позволяет выявлять пространственные профили РБК-структур, сложна в экспериментальной реализации. Некогерентная растровая

интерферометрия имеет существенные ограничения по чувствительности. Методы гильбертоптики позволяют визуализировать фазовые возмущения светового поля, индуцированные поверхностью жидкости при рэлей-бенаровской конвекции, и получать информацию о пространственной конфигурации РБК-структур [6]. В этой же статье была выполнена 3D реконструкция изображений и фурье-спектров РБК-структур в видимом и тепловом диапазонах излучения.

Настоящая работа мотивирована необходимостью расширения возможностей гильберт—оптики и тепловидения на исследования зависимости эволюции РБК—структур от управляющего параметра, граничных условий и, в частности, от аспектного отношения [1] $\Gamma = L/h$, где L — геометрический размер поверхности, h — толщина слоя жидкости (в декартовой системе отсчёта $\Gamma_x = L_x/h$, $\Gamma_y = L_y/h$, Γ_x и Γ_y — аспектные отношения и, соответственно, линейные размеры поверхности по осям x и y).

МЕТОД ИССЛЕДОВАНИЯ И РЕЗУЛЬТАТЫ

Как известно, гильберт-визуализацию полей фазовой оптической плотности можно выполнять за счёт преобразования фурье-спектра оптического сигнала квадрантным пространственно-частотным фильтром с когерентно-передаточной функцией

$$H(K_{x}, K_{y}) = \left[e^{i\varphi}\sigma(K_{x}) + e^{-i\varphi}\sigma(-K_{x})\right]\sigma(K_{y}) + \left[e^{-i\varphi}\sigma(K_{x}) + e^{i\varphi}\sigma(-K_{x})\right]\sigma(-K_{y}) = \cos\varphi + i\sin\varphi \operatorname{sgn} K_{x} \operatorname{sgn} K_{y},$$

$$(1)$$

где ф — фазовый сдвиг; $\sigma(\pm K_x)$ и $\sigma(\mp K_y)$ — функции включения (Хевисайда): $\sigma(\pm K_x) = \frac{1}{2} (1 \pm {\rm sgn}\,K_x)$; $\sigma(\pm K_y) = \frac{1}{2} (1 \pm {\rm sgn}\,K_y)$; K_x и K_y — пространственные частоты в декартовой системе отсчёта. Здесь фазовый сдвиг ф зависит от длины волны светового поля. Поэтому в белом свете с таким фильтром выполняется полихроматическое преобразование Фуко—Гильберта, а в случае монохроматического излучения при $\phi(\lambda) = \frac{\pi}{2}$ — преобразование Гильберта.

Обратимся к случаю двумерных фазовых возмущений оптического поля, индуцированных исследуемой средой:

$$s(x,y) = e^{i\eta\left(\sin K_{x_0}x + \sin K_{y_0}y\right)}.$$
 (2)

Здесь K_{x0} и K_{y0} — пространственные частоты и η — амплитуда фазовых возмущений. $\eta=\eta_0+\xi$, $\eta_0=kl$, $k=2\pi/\lambda$ — волновое число зондирующего поля, $\eta_0\sin(K_{x0}x)=2\pi q$, $\eta_0\sin(K_{y0}y)=2\pi q$, q=0,1,2,3,... Разложим функцию s(x,y) в двумерный ряд Фурье:

$$s(x,y) = e^{i\eta(\sin K_{x0}x + \sin K_{y0}y)} = \sum_{\substack{n,m\\n=-\infty\\m=-\infty}}^{\infty} J_n(\eta)J_m(\eta)e^{i(nK_{x0}x + K_{y0}y)} =$$

$$= \left\{ J_n(\eta) + 2\sum_{n=-1}^{\infty} J_{2n}(\eta)\cos(2nK_{x0}x) + 2\sum_{n=0}^{\infty} J_{2n+1}(\eta)\sin[(2n+1)]K_{x0}x \right\} \times$$

$$\times \left\{ J_m(\eta) + 2\sum_{m=-1}^{\infty} J_{2m}(\eta)\cos(2mK_{y0}x) + 2\sum_{m=0}^{\infty} J_{2m+1}(\eta)\sin[(2m+1)]K_{y0}y \right\}, \tag{3}$$

где $J_n(\eta)$, $J_m(\eta)$ – функции Бесселя.

Подвергая (3) двумерному преобразованию Гильберта, получаем:

$$\widehat{s}_{x,y}(x,y) = 4 \left\{ \sum_{n=1}^{\infty} J_{2n}(\eta) \sin(2nK_{x0}x) - \sum_{n=0}^{\infty} J_{2n-1}(\eta) \cos[(2n+1)K_{x0}x] \right\} \times \left\{ \sum_{m=1}^{\infty} J_{2m}(\eta) \sin(2mK_{y0}y) - \sum_{m=0}^{\infty} J_{2m-1}(\eta) \cos[(2m+1)K_{y0}y] \right\} \approx$$

$$\approx 4J_{1}^{2}(\eta) \cos(K_{x0}x) \cos(K_{y0}y). \tag{4}$$

Здесь мы пренебрегли членами с гармониками выше первого порядка. Как следует из (4), гильберт—фильтрация позволяет визуализировать двумерную структуру фазовых возмущений светового поля, индуцированных исследуемой средой.

В исследованиях эволюции РБК-структур использовался экспериментальный стенд и автоколлимационная система гильберт-визуализации в отраженном свете, описанные в [6]. Изучалась рэлей-бенаровская конвекция в горизонтальном слое жидкости с двумя жёсткими изотермическими границами и свободной верхней границей при стационарных и нестационарных температурных условиях и различных величинах аспектного отношения. В качестве среды, в которой формировались конвективные течения, использовалась сильновязкая полиэтилсилоксановая жидкость ПЭС-5, помещённая в термостатированной ванне прямоугольной формы. Нагрев нижней границы слоя осуществляется через дно ванны. Между дном и свободной поверхностью жидкости возникает разность температур, которая влияет на величину числа Рэлея:

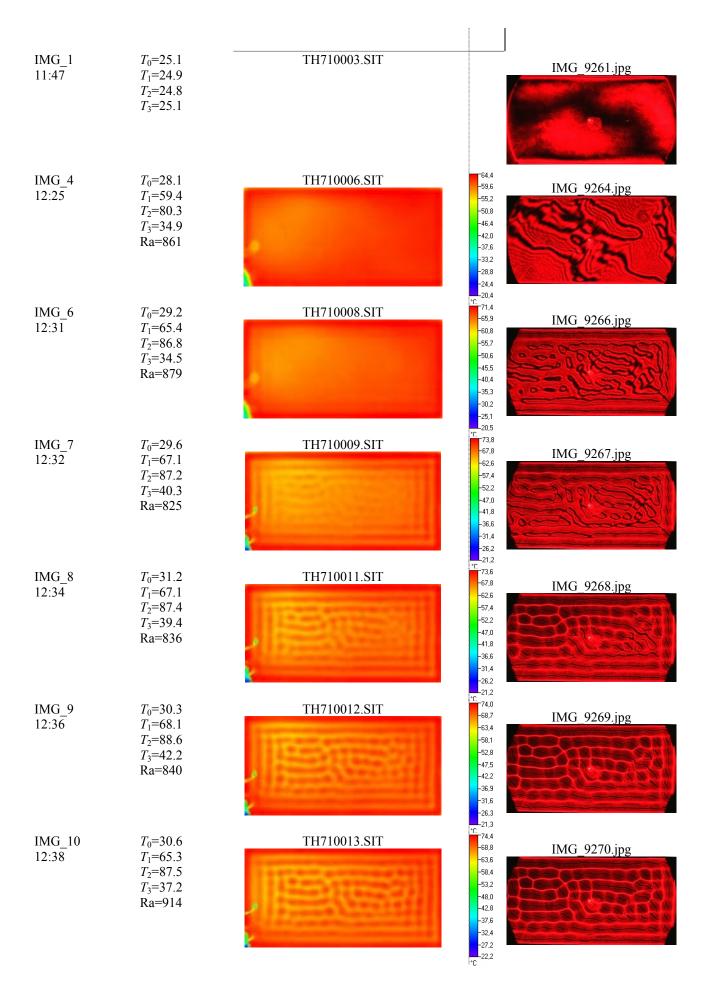
$$Ra = \frac{\alpha g h \tau_{v} \Delta T}{v},$$

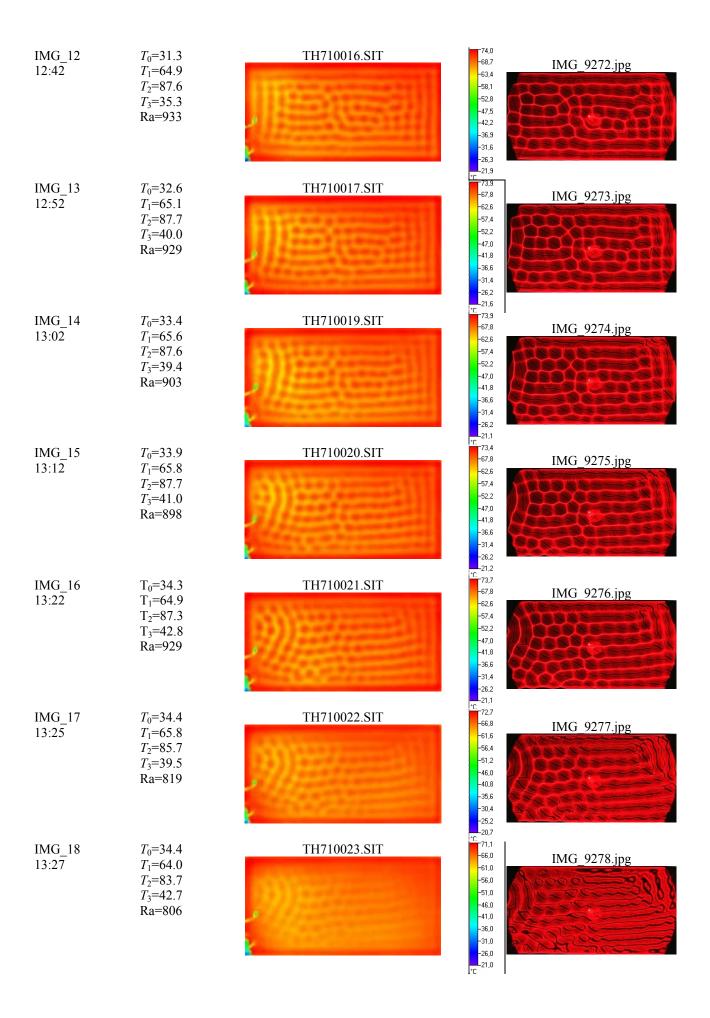
где ΔT — разность температур между границами слоя; g — ускорение свободного падения; α — объёмный коэффициент теплового расширения; h — толщина слоя; ν — кинематическая вязкость; $\tau_{\nu} = h^2/\chi$ — время вертикальной диффузии; χ — температуропроводность.

При исследовании синергетических процессов в неравновесных системах число Рэлея принято считать управляющим параметром. В рэлей-бенаровской конвекции параметром порядка является структура свободной поверхности жидкости, которая индуцирует фазовые возмущения в отражённом световом поле. В оптической системе последовательно выполняются: формирование фурье—спектра в частотной плоскости; фильтрация этого спектра биквадрантным гильберт—фильтром; обратное фурье—преобразование фурье—спектра гильберт—сопряжённого сигнала и регистрация цифровой камерой визуализированных фазовых возмущений отражённого поля, отображающих РБК—структуры на поверхности. Параллельно регистрировались тепловизионные изображения этих структур.

На рисунках 1 и 2 приведены гильберт—изображения и термограммы РБК—структур, иллюстрирующие эволюцию рэлей—бенаровской конвекции при различных аспектных отношениях: $\Gamma_{x1} = 45.5$; $\Gamma_{y1} = 22.7$; $\Gamma_{x2} = 31.3$; $\Gamma_{y2} = 16.1$, соответствующих толщинам слоя: $h_1 = 4.4$ мм; $h_2 = 6.4$ мм и геометрическим размерам ванны: $L_x = 200$ мм; $L_y = 100$ мм. Гильберт—изображения РБК— структур регистрируется в поле зрения диаметром 150 мм.

На рисунках введены обозначения: T_0 — температура жидкости в дополнительной кювете (для внесения температурной поправки при обработке термограмм); T_1 — температура свободной поверхности слоя жидкости; T_2 — температура дна ванны (задаётся термостатом); T_3 — температура воздуха вблизи свободной поверхности жидкости. В первом верхнем столбце указывается порядковый номер строки в таблице и момент времени, в который фиксируется термограмма и гильберт—изображение РБК—структуры с соответствующими номерами кадров.





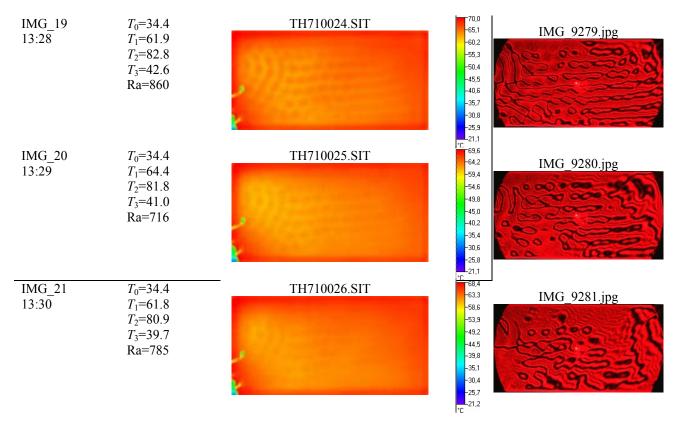
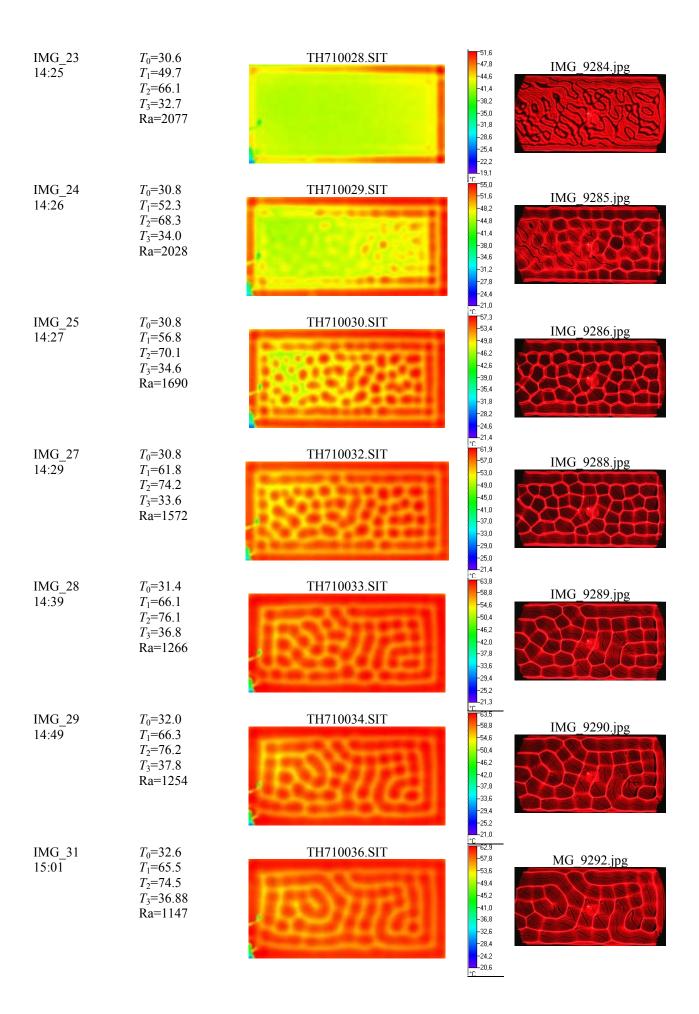


Рис. 1. Термограммы и гильберт—изображения РБК—структур ($h_1 = 4,4$ мм, $\Gamma_{x1} = 45,5$; $\Gamma_{v1} = 22,7$)

Рисунок 1 иллюстрирует эволюцию структур на свободной поверхности жидкости в диапазоне температур T_2 25÷88°C. Хорошо прослеживается возникновение и эволюция возмущений поверхности. Начиная с термограммы ТН710006 появляются пристенные возмущения. В это же время гильберт-возмущения выявляют возникновение гильбертструктур в виде валиков в пристенной области. На термограмме ТН710009 уже хорошо видна валиковая РБК-структура в пристенной области и зачатки ячеистой структуры в центральной части. Ещё более чётко эти структуры проявляются на соответствующем гильберт-изображении IMG_9267. Термограммы и гильберт-изображения в интервале температур T_2 87÷88°C (диапазон значений управляющего параметра Ra 819 ÷ 929) бифуркационной стадии развития конвекционного соответствуют течения, завершается формирование ячеисто-валиковых РБК-структур, регистрируемых в тепловом и видимом диапазонах излучения . После отключения термостата дно начинает остывать, что вызывает процесс разрушения РБК-структур, отображаемый на термограммах и гильбертизображениях при значениях T_2 ниже 87°C.

Следующий эксперимент заключался в том, что после остывания в ванну доливалась жидкость в объёме, изменившем толщину слоя до 6.4 мм, после чего включался термостат и дно начиналось нагреваться и индуцировался процесс эволюции РБК–структур при значениях аспектных отношений Γ_{x2} и Γ_{y2} , как это показано на рис. 2.





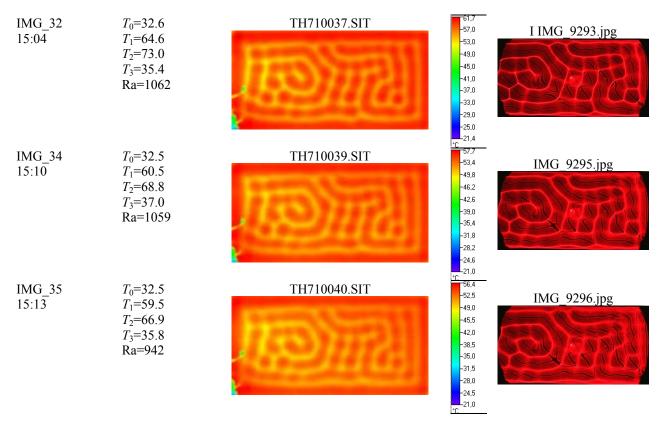
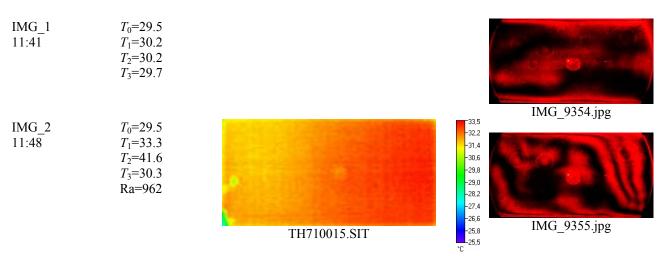


Рис. 2. Термограммы и гильберт—изображения РБК—структур ($h_2=6,4$ мм, $\Gamma_{x2}=31,3;$ $\Gamma_{vl}=15,6$)

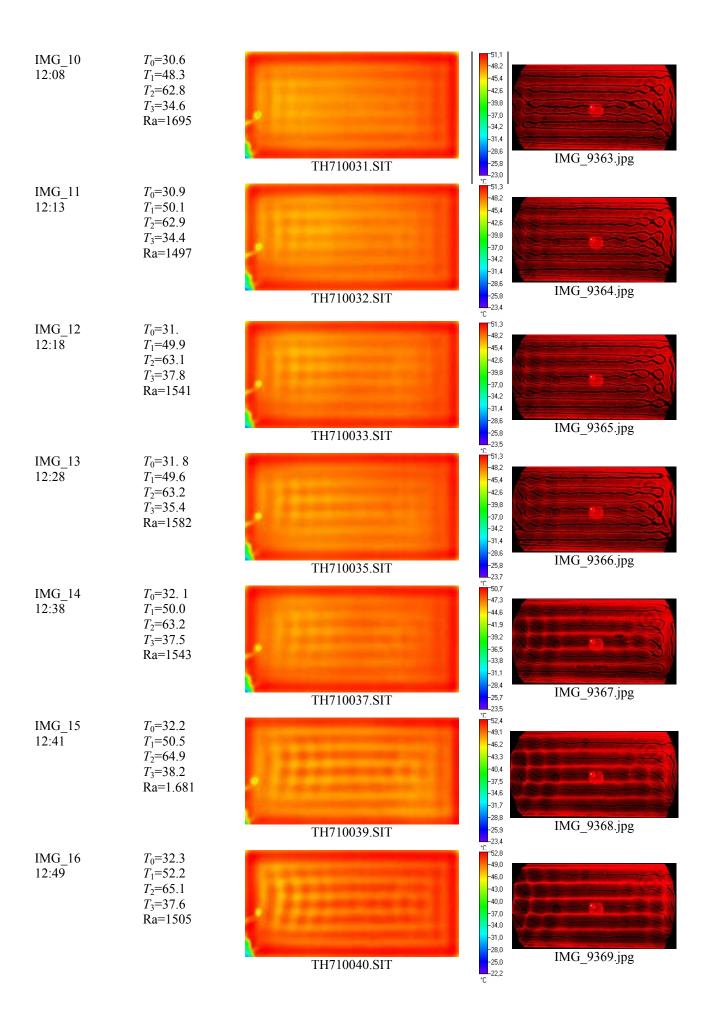
Бифуркационная стадия эволюции конвекционного течения представлена термограммами и гильберт—изображениями РБК—структур при значениях T_2 в интервале $70\div76^{\circ}$ С (Ra $2000\div940$).

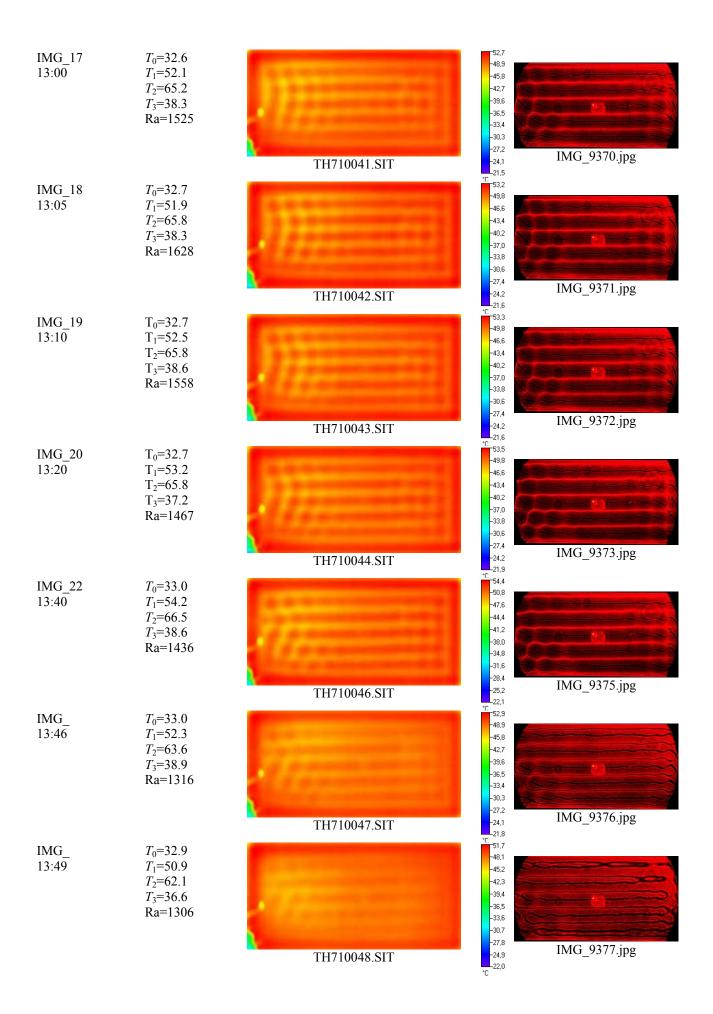
Из сравнения рисунков 1 и 2 видно, что масштаб ячеистой структуры РБК увеличивается с уменьшением аспектного отношения, а бифуркационная стадия процесса эволюции происходит при больших значениях управляющего параметра. Кроме того, в ячеистой РБК-структуре при меньшем аспектном отношении начинают проявляться петлеобразные и спиралевидные феламентные конфигурации, что, по-видимому, связано с неоднородным нагревом дна ванны. Наконец, в эволюции исследуемого конвективного течения прослеживаются две бифуркации. При заданном аспектном отношении первая возникает раньше и имеет РБК-структуру, состоящую из валиков. Вторая бифуркация появляется при больших значениях T_2 и ей соответствует РБК-структура ячеистого типа.

На рис. 3 показана эволюция РБК—структур валикового типа в слое жидкости толщиной $h_3 = 6.2 \text{ мм}.$



IMG_3 11:53	T_0 =29.5 T_1 =40.7 T_2 =53.9 T_3 =32.3 Ra=1546	TH710016.SIT	-42.0 -40.3 -38.6 -36.9 -35.2 -33.5 -31.8 -30.1 -28.4	IMG_9356.jpg
D.C.	T. 20 T	111/10010.511	25,0 °C 47,0	
IMG_4 11:56	T_0 =29.7 T_1 =44.0 T_2 =61.8 T_3 =33.3 Ra=2075		-44,8 -42,6 -40,4 -38,2 -36,0 -33,8 -31,6 -29,4	The state of the s
		TH710022.SIT	-27,2 -25,0	IMG_9357.jpg
IMG_5 11:58	T_0 =29.8 T_1 =46.9 T_2 =61.5 T_3 =33.2 Ra=1717		-49.0 -46.6 -44.2 -41.8 -39.4 -37.0 -34.6 -32.2 -29.8	
		TH710023.SIT	-27,4 -25,0	IMG_9358.jpg
IMG_6 12:00	T_0 =29.9 T_1 =48.0 T_2 =62.2 T_3 =33.7 Ra=1659		-C-51.1 -48.1 -45.2 -42.3 -39.4 -36.5 -30.7 -27.8	IMG_9359.jpg
		TH710025.SIT	-24,9 -22,1 *C == 0	пио_5555., јрв
IMG_7 12:03	T_0 =29.8 T_1 =48.9 T_2 =62.5 T_3 =34.1 Ra=1595		-51,2 -48,2 -45,4 -42,6 -39,8 -37,0 -34,2 -31,4 -28,6	IMG_9360.jpg
		TH710027.SIT	-25,8 -23,5	IWO_9300.Jpg
IMG_8 12:04	T_0 =30.3 T_1 =49.3 T_2 =62.7 T_3 =34.0 Ra=1568		-23,5 -48,2 -45,4 -42,6 -39,8 -37,0 -34,2 -31,4 -28,6	
		TH710029.SIT	-25,8	IMG_9361.jpg
IMG_9 12:06	T_0 =30.4 T_1 =49.4 T_2 =62.8 T_3 =33.9 Ra=1565	TH710030.SIT	23.2 1. 50.7 -47.2 -44.4 -41.6 -38.8 -36.0 -33.2 -30.4 -27.6 -24.8 -22.9	IMG_9362.jpg





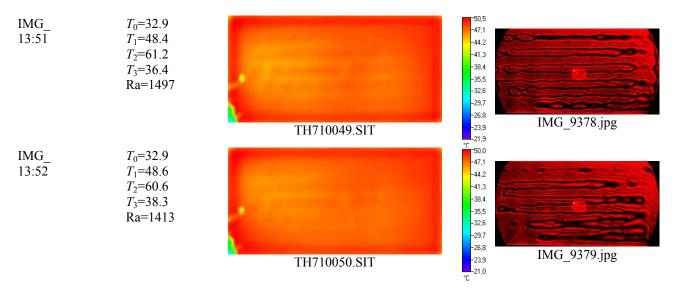


Рис. 3. Термограммы и гильберт—изображения РБК—структур ($h_3=6,2$ мм, $\Gamma_{x3}=32,3$; $\Gamma_{y3}=16,1$)

Исследования выполнялись в той же самой ванне с жидкостью ПЭС–5 при аспектном отношении Γ_{x3} =32,3; Γ_{y3} =16,1. Как видно из последовательностей термограмм и гильбертизображений, бифуркационная стадия формирования РБК–структур валикового типа (первая бифуркация) приходится на диапазон значений T_2 62÷66°C (Ra 1700÷1300).

На рис. 4 показан результат реконструкции гильберт—изображения РБК—структуры, выполненной путём гильберт—преобразования термограммы ТН710032.SIT, взятой из рис. 3. Для сравнения на рис. 4 приведено соответствующее гильберт—изображение IMG_9364.jpg РБК—структуры, полученное методами гильберт—оптики.

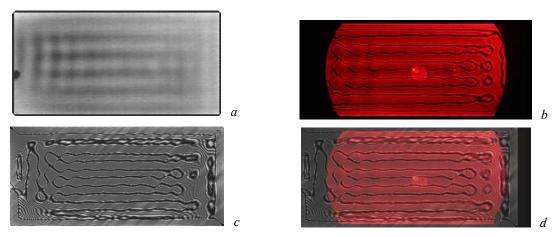
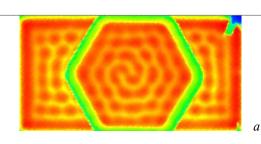


Рис. 4. Гильберт—образ РБК—структуры, реконструированный из термограммы: а — термограмма; b — реконструированный гильберт—образ термограммы; с — гильберт—изображение РБК—структуры; d — гильберт—изображение РБК—структуры, наложенное на гильберт—образ соответствующей термограммы

Как видно из рис. 4, гильберт—образ термограммы практически совпадает с гильберт—изображением РБК—структуры.

Рис. 5 иллюстрирует влияние геометрических граничных условий на РБК-структуру.



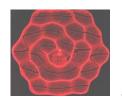


Рис. 5. Термограмма и гильберт—изображение РБК—структуры при геометрических граничных условиях, сконфигурированных в виде шестиугольника: а — термограмма РБК—структуры в области, ограниченной контуром в виде шестиугольника; b — гильберт—изображение РБК—структуры внутри контура

Из рис. 5 видно, что геометрические граничные условия в виде шестиугольника, оконтуривающего область существования конвекционного течения, определяют на бифуркационной стадии эволюции существование ячеистой РБК-структуры с правильной шестиугольной формой ячеек. В центральной области последовательное расположение шестиугольных ячеек образует спиралевидную структуру.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Гильберт-фильтрация фазовых возмущений светового поля, индуцированных исследуемой средой, позволяет визуализировать фазовые структуры произвольной амплитуды. Методами гильберт-оптики в отражённом свете и тепловидения исследована эволюция рэлей-бенаровских структур на поверхности горизонтального слоя жидкости ПЭС-5 с двумя жёсткими изотермическими границами и свободной верхней границей при стационарных и нестационарных температурных условиях и различных аспектных отношениях. Установлено соответствие фазовых структур, визуализированных в тепловом и видимом диапазонах излучения.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Гетлинг А. В. Конвекция Рэлея–Бенара. М.: Эдиторная УРСС, 1999, 248 с.
- 2. **Бердников В. С., Гришков В. А., Ковалевский К. Ю., Марков В. А..** Тепловизионные исследования ламинарно—турбулентного перехода в рэлей—бенаровской конвекции // Автометрия. -2012. T. 48, № 3. C. 111-120.
- 3. **Rahal S., Cerisier P., Azuma H.**Bernard–Maragoni convection in a small circular container: influence of the Diot and Prandtl numbers an pattern dynamics and free surface deformation // Experiment in Fluids. (2007). V. 43, p. 547–554.
- 4. Su X., Chen W.. Fourier transform profilometry: a review // Opt. Lasers Eng. (2001), v. 35, p. 263–303.
- 5. **Chen L., Quan C..** Fringe projection profilometry with nonparallel illumination: a last–squares approach // Opt. Lett. (2005), v. 30, p. 2101–2103.
- 6. **Арбузов В. А., Арбузов Э. В., Буфетов Н. С., Шлапакова Е. О.** Гильберт–диагностика рэлей–бенаровской конвекции в жидкости // Автометрия. -2012. -48, № 3. C. 61–67.

V. A. Arbuzov^{1,2}, E. V. Arbuzov^{2,3}, Yu. N. Dubnishchev^{1,2}, V. S. Berdnikov¹, N. S. Bufetov¹, E. O. Shlapakova².

OPTICAL DIAGNOSTICS OF THE RAYLEIGH–BENARD STRUCTURES AT CONVECTION IN THE HORIZONTAL LAYER OF LIQUID

Institute of thermophysics
Siberian branch of the Russian academy of sciences,
Russia 630090, Novosibirsk, an avenue of Academician Lavrentyev, 1.

E-mail: dubnistchev@itp.nsc.ru

Novosibirsk state technical university
Russia 630092, Novosibirsk, K. Marx's avenue, 20.

Institute of mathematics
Siberian Branch of the Russian Academy of Science, Russia, 630090, Novosibirsk, an avenue of Academician Koptjuga, 4.

The evolution of the Rayleigh–Benard structures on the free surface of the horizontal layer of the strong–viscous liquid at various aspect ratios was investigated using methods of Hilbert–optics and thermovision.

OPTICAL DIAGNOSTICS OF FLOWS, HILBERT-OPTICS, RAYLEIGH-BENARD CONVECTION, RBC STRUCTURES