

УДК 532.57, 533.6.08, 519.6

М.В. Шестаков<sup>1</sup>, М.П. Токарев<sup>1</sup>, Д.М. Маркович<sup>1,2</sup>

<sup>1</sup> Институт теплофизики СО РАН, Новосибирск, Россия 630090, Новосибирск, просп. Акад. Лаврентьева, 1, E-mail: mvsh@itp.nsc.ru <sup>2</sup> Новосибирский государственный университет, Новосибирск, Россия, 630090, Новосибирск, Пирогова ул., 2, E-mail: dmark@itp.nsc.ru

### ПРИМЕНЕНИЕ МЕТОДА ТІМЕ-RESOLVED ТОМОGRAPHIC PIV ДЛЯ ИССЛЕДОВАНИЯ ПРОЦЕССОВ ФОРМИРОВАНИЯ КОГЕРЕНТНЫХ ВИХРЕВЫХ СТРУКТУР В КВАЗИ-ДВУМЕРНОЙ ТУРБУЛЕНТНОЙ СТРУЕ

## АННОТАЦИЯ

В докладе представлены результаты применения метода Tomographic PIV высокого временного разрешения для исследования процессов формирования и развития когерентных вихревых структур в квазидвумерной турбулентной струе. Получены трехкомпонентные трехмерные распределения скорости в объеме потока для ближнего и дальнего поля квазидвумерной турбулентной струи. На основании рассчитанных распределений Q критерия проанализированы процессы образования и развития вихревых структур в потоке. Показано, что в потоке квазидвумерной турбулентной струи формируются два типа когерентных вихревых структур: вторичные продольные вихревые структуры и квазидвумерные вихревые структуры, образующиеся вследствие развития сдвиговой неустойчивости Кельвина - Гельмгольца.

## МЕТОД ТІМЕ-RESOLVED ТОМОGRАРНІС РІV, КВАЗИ-ДВУМЕРНЫЯ СТРУЯ, ДИНАМИКА КОГЕРЕНТНЫХ ВИХРЕВЫХ СТРКУТУР

### введение

Интерес к исследованию квазидвумерных турбулентных ограниченных струйных течений обусловлен широким распространением данного течения в технологических и природных процессах, в частности из-за наличия крупномасштабных когерентных квазидвумерных вихревых структур. Крупномасштабные когерентные структуры играют важную роль в процессах перемешивания и переноса массы (например, загрязняющих веществ и отложений), импульса и энергии в мелководных потоках, включая устья рек, озера, каналы и океаны. Квазидвумерное турбулентное течение является крайне сложным для численного и экспериментального моделирования. Сложность обусловлена наличием и взаимодействием двух сильно различных масштабов турбулентности: с одной стороны это трехмерные мелкомасштабные турбулентные движения масштаба h (толщина слоя жидкости), с другой стороны, крупномасштабные квазидвумерные турбулентные турбулентные движения, обусловленные развитием сдвиговой неустойчивости в горизонтальном направлении.

Одна из первых работ, посвященных исследованию крупномасштабных квазидвумерных вихревых структур, является работа [1]. В работе исследовалась структура течения квазидвумерной струи, распространяющейся в узкий канал в широком диапазоне

глубины канала *h*. Согласно работе [1] выделяют две область течения: ближнее поле струи (область трехмерного течения), в котором существенное влияние оказывают вторичные течения, и дальнее поле струи (область квазидвумерного течения), которое характеризуется наличием крупномасштабных квазидвумерных вихревых структур и проявлением эффекта меандрирования. В настоящее время исследование свойств крупномасштабных квазидвумерных вихревых структур, о чем свидетельствует ряд работ по численному и экспериментальному моделированию.

Исторически сложилось, что исследование ближнего и дальнего поля квазидвумерной ограниченной струи проводились независимо и имели различные цели. Изначально интерес к исследованию ограниченных струйных течений был обусловлен развитием струйных логических элементов для военных и космических целей [2, 3, 5]. Эти работы касались исследования влияния ограничивающих стенок на структуру течения в ближнем поле струи и были направлены на развитие методов управления струйным потоком. В работах было показано, что в течении струи, ограниченной сверху и снизу двумя пластинами в слое смешения, образуются вторичные течения. В работе [4] была предложена модель формирования вторичных течений на основе переориентации вихревых нитей. Турбулентные характеристики вторичных течений в ограниченных струях с различными соотношениями сопла были исследованы в работах [5]. В работе [1] также частично исследовано ближнее поле квазидвумерной струи и качественно определена область существования вторичных течений. Для подтверждения гипотезы работ [3, 4], формирования вторичных течений в работе [7] с помощью ТотоРІV метода были проведены измерения всех трех компонент скорости в объеме потока ближнего поля квазидвумерной струи. Анализируя реконструированные по первым 10 POD модам объемные мгновенные распределения трех компонент скорости, удалось зафиксировать продольные вихревые структуры, которые являются ответственными за формирование вторичных течений. Оказалось, что существуют различия между структурой вторичных течений квазидвумерной струи и структурой вторичных течений, ограниченных струями исследованных в работах [3, 4]. Различие состоит в противоположных направлениях вращения вторичных течений, полученных в работе [4] и [7]. Низкое пространственное и временное разрешение в работе [7] не позволили объяснить эти различия и дать ответить на ряд вопросов, касающихся образования и развития когерентных вихревых структур в квазидвумерной турбулентной струе.

Наша работа является логическим продолжением работы [7] и направлена на исследование процессов формирования и развития вихревых структур, а также их взаимодействия между собой и стенкой.

### ОПИСАНИЕ МЕТОДА

Иллюстрация принципов работы алгоритма, используемого для получения поля скоростей в измерительном объеме потока, показано на рис. 1.

Метод состоит из трех шагов: калибровка оптической системы, томографическая реконструкция и корреляционная обработка восстановленных объемных изображений частиц. Калибровка оптической системы состоит из геометрической калибровки всех камер, использующихся для регистрации области потока. Дополнительно для уточнения моделей камер применялся метод самокалибровки по зарегистрированным экспериментальным изображениям частиц [12]. Основным шагом получения поля скорости в методе Тото PIV является восстановление трехмерного распределения интенсивности алгоритмом итерационной алгебраической реконструкции. Для томографической реконструкции были использованы SMART и MENT алгоритмы [13].



Заключительным шагом Tomo PIV алгоритма является корреляционный анализ полученных пар объемных изображений частиц для оценки поля скорости (рис. 1). Принцип кросскорреляционного алгоритма, применяемого для томографических измерений не отличается от алгоритма, используемого для плоскостных измерений, при этом добавляется оценка третьей компоненты скорости по глубине области измерения.

## ОПИСАНИЕ ЭКСПЕРИМЕНТА

Фотография экспериментальной установки и схема измерительной системы Экспериментальная представлена рис. 2. установка представляла собой на гидродинамический контур с баком постоянного уровня, насосом, расходомером и рабочим участком. Рабочий участок представлял собой узкий прямоугольный канал размером 307×270 мм<sup>2</sup>, образованный двумя плоскопараллельными пластинами из оргстекла, расположенными на расстоянии 4 мм друг от друга. Сопло формировалось двумя прямоугольными вставками, установленными в канал. Ширина сопла равнялась 4 мм (10 мм). Число Рейнольдса равнялось Re =  $h_d U_0 / v = 20\,000$ , где  $U_0$  средне расходная скорость, а *h*<sub>d</sub> гидравлический диаметр сопла.



Рис. 2. Экспериментальная установка и схема измерительной системы для высокоскоростных Tomo-PIV измерений в квазидвумерной турбулентной струе

Измерительная система состояла из высокоскоростного сдвоенного Nd:YAG лазера (Photonix DM-532-150 с энергией в импульсе 15 мДж при частоте работы 15 кГц), четырех Paper ID:1-7 61

высокоскоростных CMOS камер (Photron FASTCAM SA5 с разрешением 1024×1024 пикс., 12 бит с частотой съемки 7 кГц) и синхронизатора Berkeley Nucleonics BNC 575. Лазерный нож толщиной 4 мм, который освещал весь измерительный объем между пластинами, формировался с помощью системы линз. В экспериментах мы использовали полиамидные частицы диаметром 50 мкм. В оптической системе камер использовались объективы SIGMA AF 105 мм f/2.8 EX DG MACRO. Объем измерительной области равнялся 50×50×4 мм<sup>3</sup>. Измерения проводились в трех последовательных областях, центры которых располагались на расстояниях 5h, 15h и 25h от края сопла. Измерения изображений частиц проводились с частотой съемки равной 10 кГц, что соответствовало задержки между кадрами в 100 мкс. Для первого измерительного объема трехкомпонентное мгновенное распределение скорости рассчитывалась между соседними изображениями, что соответствовало частоте съемки 10 кГц, для второго и третьего измерительного объема между каждым вторым изображением, что соответствовало частоте съемки 5 кГц.

## РАСПОЛОЖЕНИЕ И КАЛИБРОВКА КАМЕР

Для обеспечения одинаковых параметров оптической системы каждой камеры, камеры были расположены в углах квадрата в плоскости параллельной центральной плоскости измерительного объема. Углы расположения камер в вертикальной и горизонтальной плоскости были равны 30 градусов. При такой конфигурации измерительной системы камеры располагались в четырех точках на сфере определенного радиуса с центром, совпадающим с центром измерительного объема, в результате обеспечивались идентичные условия для каждой камеры, такие как углы поворота камер, углы коррекции Шаймпфлюга и расстояние от камер до центра измерительной области. Для выравнивания фокальной плоскости и плоскости матрицы были разработаны и напечатаны с помощью 3D принтера адаптеры, позволяющие повернуть объектив относительно камеры в любой плоскости на угол от 0 до 12 градусов. Для калибровки оптической системы использовалась высокоточная калибровочная мишень Edmund Optics размерами 50×50 mm<sup>2</sup> с размером маркеров 1 мм, расположенных на декартовой сетке с шагом 1 мм. В результате малой глубины канала 4 мм перемещение калибровочной мишени было затруднительным. Поэтому для калибровки измерительного пространства перемещалась измерительная система в целом, а не мишень. Перемещение измерительной системы производилось помошью с высокоточной координатной системы и контролировалось с точностью 10 мкм. Перемещение измерительной системы пересчитывалось в перемещения мишени, при этом учитывалась разность между коэффициентами преломления жидкости и воздуха, стенка канала учитывалась как плоскопараллельная пластина. Измерения маркеров производилось для 5 калибровочных плоскостей.

### ОБРАБОТКА ДАННЫХ

Для обработки данных использовалось программное обеспечение "ActualFlow". Для уточнения параметров калибровки оптической модели производилась самокалибровка по 300 изображениям [8]. В результате самокалибровки конечное осредненное отклонение не превышало 0,05 пикселя. Перед реконструкцией объемов изображений частиц, проекции с каждой камеры предварительно обрабатывались, из них вычитался статистический минимум интенсивности (для каждого пиксиля). Восстановленный объем равнялся 615×615×77 вокселей. Физический размер вокселя приблизительно равнялся 0,063×0,063×0,063 мм<sup>3</sup>. Объемная концентрация частиц была 8,5 частиц/мм<sup>3</sup>. Томографическая реконструкция производилась с помощью SMART [9] алгоритма. Распределение скорости рассчитывалось между соседними последовательными распределениями частиц. Корреляционный анализ проводился с использованием интерактивного многосеточного алгоритма с непрерывным смещением измерительного окна. При расчете скорости было выполнено четыре итерации, Paper ID:1-7

две итерации с разрешением 64×64×32 вокселя и две итерации с разрешением 32×32×16 вокселя. Последняя итерация выполнялась с перекрытием 75%, в результате чего окончательный размер области для одного вектора скорости составил 0,5×0,5×0,25 мм<sup>3</sup> с расстоянием половины размера между соседними векторами.

## РЕЗУЛЬТАТЫ ЭКСПЕРИМЕНТА

На рис. 3 вверху показаны результаты высокоскоростной визуализации флуоресцентным красителем, визуализация проводилась на установке, описанной в работе [10]. На рис. З вверху отражены характерные особенности квазидвумерной турбулентной струи; меандрирование струи и крупномасштабные квазидвумерные вихревые структуры, о которых сообщалась в работах других авторах. Однако можно заметить еще одну областью крупномасштабной особенность, связанную с вовлечения жидкости квазидвумерной вихревой структурой. Во время вовлечения жидкости формируются области в виде продольных полос, в которых вовлеченная жидкость не перемешивается с подкрашенной жидкостью струи (области указаны стрелками).



Рис. 3. Картина течения квазидвумерной турбулентной струи полученная с помощью высокоскоростной визуализации. Re = 20 000, *d/h* = 10, *h* = 2 мм, частота съемки 8400 кадров в секунду

Процесс формирования этих продольных областей, обнаруженный нами впервые, послужил мотивацией для исследования трехмерной структуры течения и проведения экспериментов с применением высокоскоростного томаграфического PIV метода [11].

Для идентификации вихревых структур в потоке мы использовали распределения Q критерия рассчитанного по мгновенным трехкомпонентным распределениям скорости [13]. На рис. 4 показаны последовательные изоповерхности Q<sup>3D</sup> критерия, цветом указано значение продольной компоненты завихренности. В пяти поперечных сечениях построена продольная компонента мгновенной скорости. Наличие в распределении Q<sup>3D</sup> критерия ориентированных вдоль потока парных структур, окрашенных красным и синим цветом, указывает на наличие продольных вихревых структур, ориентированных по направлению потока и вращающихся в противоположные направления вокруг своей оси.



Рис. 4. Ближнее поле струи. Распределение Q<sup>3D</sup> критерия для последовательных полей скорости с интервалом времени 100 мкс между ними

На рис. 4 представлена эволюция вторичных продольных вихревых структур в ближнем поле струи. Вторичные продольные вихревые структуры формируются парно в виде двух противоположно вращающихся вихревых структур. Формирование этих парных вихревых структур происходит в слое смешения струи вблизи ограничивающих поверхностей в результате вовлечения внешней жидкости вихревой структурой, образовавшейся вследствие сдвиговой неустойчивости Кельвина - Гельмгольца. Вниз по потоку линейный масштаб вторичных продольных вихревых структур увеличиваются, вследствие объединения сонаправленных продольных вихревых структур. Наличие вторичных продольных вихревых структур. Наличие вторичных продольных вихревых структур. Паличие вторичных продольных вихревых структур в ближнем поле струи приводит к образованию вторичных течений, которые впервые были обнаружены в работах [3, 4]. Согласно работе [1] вторичные течения в квазидвумерной струе исчезают на расстоянии 10*h*. Однако наши

Paper ID:1-7

эксперименты показали наличие вторичных течений в дальнем поле струи, на расстоянии больше 20*h*.



**Рис. 5.** Дальнее поле струи. Распределение Q<sup>3D</sup> и Q<sup>2D</sup> критерия для для каждого 14 -го последовательного поля скорости полученных с частотой съемки 5 000 кадров в секунду

Рис. 5 показывает вихревые структуры в дальнем поле струи и динамику их взаимодействия. Динамика вторичных продольных вихревых структур в дальнем поле струи происходит следующем образом. В результате вращения вихревой структуры "А" происходит вовлечение противоположно вращающихся вторичных продольных вихревых структур в ядро струйного потока. В результате вторичные продольные вихревые структуры становятся ориентированными по направлению потока и попадают в область продольного растяжения. По мере движения вихревой структуры "А" вниз по потоку и развития вихревой структуры "В", вторичные структуры начинают смещаться от ядра на внешнюю границу струи. В результате смещения продольных вихревых структур к внешней границе струи, ближняя к ядру струи продольная вихревая структура исчезает, а дальняя усиливается и сносится на

Paper ID:1-7

границу струи. Дальнейшее развитие вихревой структуры "В" вниз по потоку приводит к формированию пары противоположно вращающихся продольных вихревых структур с другой стороны струи. Взаимодействие структуры "В" и "С" приводит к усилению двух противоположно вращающихся вторичных продольных структур, аналогично случаю структур"А" и "В". В результате взаимодействия последовательных крупномасштабных вихревых структур и меандрирования струйного потока вторичные продольные вихревые структуры периодически вовлекаются в ядро струи, а затем периодически выносятся на границу струи.



Рис.6. Осредненное по времени трехмерное распределение скорости а) ближнего и b) дальнего поля струи для d/h = 2.5 и числа Re =  $2 \times 10^4$ . Изоповерхности соответствуют двух значениям осредненной по времени продольной скорости. В поперечных сечениях показано распределение продольной компоненты завихренности рассчитанной осредненному распределению скорости

На рис. 6 показаны изоповерхности продольной компоненты осредненной скорости и сечения продольной компоненты завихренности, рассчитанные по осредненному полю скорости для ближнего (рис. 6, а) и дальнего (рис. 6, б) поля струи. На рис. 6, а показано, что между ядром и границей струи существуют вторичные течения, которые представлены в отрицательным значением продольной сечениях положительным и компоненты завихренности (красный и синий цвет, соответственно). Вторичные течения являются следствием наличия в потоке вторичных продольных вихревых структур. На рис. 6, б показаны вторичные течения, формирующиеся в дальнем поле струи, которые являются менее интенсивными по сравнению с вторичными течениями ближнего поля струи. Их пространственная структура является более сложной, а область их влияния значительно шире. Вторичные течения в дальнем поле также являются следствием вторичных продольных вихревых структур (рис. 5), однако, как можно заметить, направление вращения вторичных течений в дальнем поле противоположное по сравнению с вторичными течениями в ближнем поле струи. Различие в противоположных направлениях вращения в дальнем и ближнем поле струи требует дальнейшего исследования.

#### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Применен метод Tomographic PIV высокого временного разрешения для исследования вихревой структуры в формирующемся течении турбулентной струи в узком канале. Выполнены 3D измерения всех компонент скорости в ближнем и дальнем поле квазидвумерной турбулентной струи. Последовательные распределения Q<sup>3D</sup> критерия в ближнем поле струи показывают, что вторичные продольные вихревые структуры формируются в результате взаимодействия вихревой структурой, образовавшейся вследствие сдвиговой неустойчивости Кельвина - Гельмгольца, с ограничивающей поверхностью. Впервые экспериментально показано наличие двух видов когерентных вихревых структур: крупномасштабных квазидвумерных вихревых структур и вторичных продольных вихревых Paper ID:1-7 66

структур в дальнем поле квазидвумерной турбулентной струи. Развитие вторичных продольных вихревых структур и их взаимодействие с крупномасштабными квазидвумерными вихревыми структурами носит сложный трехмерный характер и требует дальнейшего изучения.

# БЛАГОДАРНОСТИ

Работа поддержана: грантом Президента РФ для поддержки ведущих научных школ НШ-5984.2014.8 и грантом Российского фонда фундаментальных исследований РФФИ № 14-08-31504 мол\_а.

# СПИСОК ОБОЗНАЧЕНИЙ

*Re* – число Рейнольдса;

Q – критерий (1/c<sup>2</sup>);

 $U_0$ — средне расходная скорость (м/с);

*h*<sub>d</sub> – гидравлический диаметр (мм);

*h* – глубина канала (мм);

*d* – ширина сопла (мм).

Индексы:

3D – рассчитанный по трем компонентам скорости;

2D – рассчитанный по двум компонентам скорости.

# СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. **Dracos, T, Giger, M, and Jirka, G** (1992) Plane turbulent jets in a bounded fluid layer //Journal of Fluid Mechanics, vol. 241, pp. 587-614.

2. **McCabe**, **A.**, An experimental investigation of a plane subsonic jet with an aspect ratio of three // Proceeding of the Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers vol. 183, 1967 pp. 342-346.

3. Foss, J. F. & Jones J. B, Secondary flow effects in a bounded rectangular jet // Journal of Fluids Engineering, vol. 90, 1968, pp. 241-248.

4. Holdeman J., and Foss J. The initiation, development, and decay of secondary flow in a bounded jet // Journal of Fluids Engineering, vol. 97, 1975, pp. 342-352.

5.Nozaki, T., et al., Experimental Study of a Bounded Jet Flow (Mechanism of the Secondary Flow) // Proceeding of the 4th International Symp. Flow Visualization, 1986, pp.495-499.

6. Nozaki, T., et al., Study of a Bounded Jet Flow Considering the Initial Turbulence (Experiments with a Nozzle Having Aspect Ratio of 3) // Bull. Jpn. Soc. Mech. Eng., vol.27, No.234, 1984, p. 2730.

7. Bilsky A.V., Markovich D.M., Shestakov M.V., Tokarev M.P. Tomographic PIV and planar Time-resolved PIV measurements in a turbulent slot jet // Proceeding of the 16th international symposium on applications of laser techniques to fluid mechanics, Lisbon, 2012.

8. Wieneke, B., Volume self-calibration for 3D particle image velocimetry // Experiments in Fluids, vol. 45, 2008 pp. 549-456.

9. Bilsky, A.V., Lozhkin, V.A., Markovich, D.M., and Tokarev, M.P. A maximum entropy reconstruction technique for tomographic particle image velocimetry // Measurement Science and Technology. V. 24, 2013, 045301.

10. Shestakov, M.V., Dulin, V.M., Tokarev, M.P., Sikovsky, D.P., and Markovich, D.M., PIV study of large-scale flow organisation in slot jets // International Journal of Heat and Fluid Flow, vol. 51, 2014, pp. 335-352.

11. Scarano, F. Tomographic PIV: principles and practice // Measurement Science and Technology, vol. 24, 2013, 012001.

Paper ID:1-7

12. Landel J. R., Caulfield C. P. and Woods A. W. Meandering due to large eddies and the statistically self-similar dynamics of quasi-two-dimensional jets // Journal Fluids of Mechanics, vol. 692, 2012, pp. 347 368.

13. Hunt, J.C.R., Wraya A.A., and Moin ,P. Eddies, stream, and convergence zones in turbulent flows. Center for Turbulence Research Report, CTR-S88, 1988p. 193.

14. Daoyi, C., and Jirka, G.H. Linear stability analysis of turbulent mixing layers and jets in shallow water layers // Journal of Hydraulic Research, Vol. 36, 1998, pp. 815-830.
15. Jirka, G. H. Large scale flow structures and mixing processes in shallow flows // Journal Hydraulic Research, vol. 39, 2001, pp. 567–573.

M.V. Shestakov<sup>1</sup>, M.P. Tokarev<sup>1</sup>, D.M. Markovich<sup>1,2</sup>

<sup>1</sup> Institute of Thermophysics SB RAS, Novosibirsk, Russia,
 630090, Novosibirsk, Lavrentiev ave., 1, E-mail: mvsh@itp.nsc.ru
 <sup>2</sup> Novosibirsk State University, Novosibirsk, Russia
 630090, Novosibirsk, Pirogova st., 2, E-mail: dmark@itp.nsc.ru

## APPLICATION OF TIME-RESOLVED TOMOGRAPHIC PIV TECHNIQUE FOR THE INVESTIGATION OF PROCESES FORMING OF VORTEX STRUCTURE IN QUASI TWO-DIMENSIONAL TURBULENT JET

The work focuses on investigation of spatial-temporal 3D vortex structure of a quasi twodimensional turbulent jet. Time-resolved tomographic PIV technique with repetition rate up to 10 kHz was used to measure 3D velocity distributions. It was shown that in quasi two-dimensional turbulent jet two types of coherent vortex structures exist. On the basis of instantaneous distributions of Q criterion 3D dynamics of vortex structure is studied. Longitudinal secondary vortex structures in far field of the quasi two-dimensional turbulent jet were detected for the first time.

TIME-RESOLVED TOMOGRAPHIC PIV, QUASI TWO-DIMENSIONAL JET, DYNAMICS OF VORTEX STRUCTURESHE